

## Uge05 LD E16, opgave 2b

Løs ligningssystemet:

$$\begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 & 4 \\ 3 & 7 & 2 & 8 \\ 2 & 4 & 0 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 2 & 6 \end{bmatrix}$$

### Metode 1: Gang sammen og omskriv så x'erne er en søjle på højreside af matricen

$$x_{\text{række}} \cdot A = b \Leftrightarrow$$

$$\begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 & 4 \\ 3 & 7 & 2 & 8 \\ 2 & 4 & 0 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 2 & 6 \end{bmatrix} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} 1 \cdot x_1 + 3 \cdot x_2 + 2 \cdot x_3 = 2 \\ 3 \cdot x_1 + 7 \cdot x_2 + 4 \cdot x_3 = 5 \\ 2 \cdot x_1 + 2 \cdot x_2 + 0 \cdot x_3 = 2 \\ 4 \cdot x_1 + 8 \cdot x_2 + 4 \cdot x_3 = 6 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 3 & 7 & 4 \\ 2 & 2 & 0 \\ 4 & 8 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \\ 2 \\ 6 \end{bmatrix} \Leftrightarrow$$

$$A^T \cdot x_{\text{søjle}} = b^T$$

Nu kan systemet løses med "LinearSolve".

**NB:**  $\wedge\%T$  betyder transponering af en matrix.

`> restart`

`> with(LinearAlgebra) :`

$$\text{> } A := \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 & 4 \\ 3 & 7 & 2 & 8 \\ 2 & 4 & 0 & 4 \end{bmatrix} ; b := \begin{bmatrix} 2 & 5 & 2 & 6 \end{bmatrix} ;$$

`> x_søjle := LinearSolve(A%T, b%T)`

$$x_{\text{søjle}} := \begin{bmatrix} \frac{1}{2} + -t_{1,1} \\ \frac{1}{2} - -t_{1,1} \\ -t_{1,1} \end{bmatrix}$$

(1.1)

Dvs. den fuldstændige løsning er:

$$\underline{\underline{\begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 0 \end{bmatrix} + t \cdot \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \end{bmatrix} \text{ hvor } t \in \mathbb{R}}}$$

## Metode 2: Ligningssystemet omformes via transponering

$$x_{\text{række}} \cdot A = b \Leftrightarrow (x_{\text{række}} \cdot A)^T = b^T \Leftrightarrow A^T \cdot x_{\text{række}}^T = b^T$$

Nu er ligningssystemet på den form, som "LinearSolve" forventer.

Når systemet løses med  $A^T$  og  $b^T$  som parametre, finder man  $x_{\text{række}}^T$ .

Derfor skal man transponere resultatet (husk at  $(M^T)^T = M$  for enhver matrix).

> restart

> with(LinearAlgebra) :

$$> A := \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 & 4 \\ 3 & 7 & 2 & 8 \\ 2 & 4 & 0 & 4 \end{bmatrix} : b := \begin{bmatrix} 2 & 5 & 2 & 6 \end{bmatrix} :$$

$$> x_{\text{række}} := (\text{LinearSolve}(A^{\%T}, b^{\%T}))^{\%T}$$

$$x_{\text{række}} := \begin{bmatrix} \frac{1}{2} + -t_{1,1} & \frac{1}{2} - -t_{1,1} & -t_{1,1} \end{bmatrix} \quad (2.1)$$

Dvs. den fuldstændige løsning er:  $\underline{\underline{\begin{bmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 0 \end{bmatrix} + t \cdot \begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \end{bmatrix} \text{ hvor } t \in \mathbb{R}}}$